



บัณฑิตวิทยาลัยและเทคโนโลยีสารสนเทศ

### รายงานผลโครงการวิจัย

ผลของการหมุนระนาบผลึก ต่อสเปกตรัมการทะลุผ่านที่รอยต่อ  
ของโลหะปกติ-ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดแบบดี-เวฟ

The effect of orientation on the tunneling spectra of  
a normal metal-d wave superconductor junction

โดย

ดร. มรกต	พุทธกาล
นางสาวสุกัญญา	นิลม่วง
นายศราวุธ	ใจเย็น
นายเป็นไท	ปิ่นม่วง

ลงทะเบียนวันที่	11 ก.พ. 2552
เลขทะเบียน	099524
เลขหมู่	๑พ TA ๕ ๖19๖ พ
หัวข้อ	สเปกตรัม

สาขาวิชาฟิสิกส์ คณะวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี  
มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลธัญบุรี  
(ได้รับเงินงบประมาณปี 2550 หมวดเงินอุดหนุน)

## บทคัดย่อ

งานวิจัยนี้เป็นการศึกษาเชิงทฤษฎีเกี่ยวกับ สเปกโตรสโคปีการทะลุผ่านที่รอยต่อ ระหว่างโลหะปกติ-ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดแบบตีเวฟ ผลของการหมุนระนาบผลึกของตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดมีผลอย่างไรต่อค่าความนำทะลุผ่านในภาวะนอร์มอลไลน์ เมื่อระนาบของผลึกตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดคือ  $\{100\}$  และ  $\{110\}$  ตามลำดับ ค่าความนำทะลุผ่านในภาวะนอร์มอลไลน์ ที่อุณหภูมิศูนย์เคลวิน เมื่อพลังงานของอนุภาคน้อยกว่าช่องว่างพลังงานสูงสุดมากๆ หาได้จากทฤษฎีของ บลอนเดอร์ ทิงค์แฮม คลับวิช ผลการศึกษาพบว่า สำหรับแบบจำลองแบบขั้น ค่าความนำทะลุผ่านในภาวะนอร์มอลไลน์ขึ้นกับแรงขวางกัน โดยที่ระนาบ  $\{100\}$  มียอดสูงสุดเกิดขึ้นตรงตำแหน่งที่พลังงานอนุภาคเท่ากับค่าช่องว่างพลังงานสูงสุดพอดีที่แรงขวางกันมีค่ามากๆ ส่วนที่ระนาบ  $\{110\}$  มียอดสูงสุดเกิดขึ้นที่พลังงานอนุภาคเป็นศูนย์ โดยความสูงของยอดสูงสุดเป็นปฏิภาคโดยตรงกับค่าแรงขวางกัน สำหรับกรณีแบบจำลองการลดลงของช่องว่างพลังงานที่รอยต่อ ( $\Delta_{\max}^{x=0} = n\Delta_{\max}^x$ ) ค่าความนำทะลุผ่านในภาวะนอร์มอลไลน์ขึ้นกับแรงขวางกันและปริมาณการลดลงของช่องว่างพลังงานที่รอยต่อ เมื่อช่องว่างพลังงานลดลงบางส่วน ( $0 < n < 1$ ) ค่าความนำทะลุผ่านมียอดสูงสุดที่ระดับพลังงานอนุภาคเป็นศูนย์ ทุกค่าแรงขวางกัน โดยความสูงของยอดสูงสุดเป็นสัดส่วนตรงกับแรงขวางกัน ยกเว้นกรณีที่ช่องว่างพลังงานลดลงโดยสมบูรณ์ที่รอยต่อ ( $n = 0$ ) ไม่มียอดสูงเกิดขึ้น

## Abstract

This research is the theoretical study of the tunneling spectroscopy of the normal metal – d wave superconductor junction. How the  $\{100\}$  and  $\{110\}$  orientation effect on the normalized tunneling conductance at zero temperature and the energy of particle much less than the maximum gap. The studied is based on an extended Blonder-Tinkham-Klapwijk (BTK) theory. The result of study found that, for step function model, the normalized tunneling conductance of both orientation depend on the barrier strength, the higher barrier strength the higher peak at the particle energy is equal to the maximum gap for  $\{100\}$  and the spectrum have peak at zero energy for  $\{110\}$ . For gap suppression model ( $\Delta_{\max}^{x=0} = n\Delta_{\max}^x$ ), the normalized tunneling conductance depend on the barrier strength and also depend with the degree of gap suppression. For some suppression ( $0 < n < 1$ ) the spectrum have peak at zero energy for all barrier strength except for total suppression ( $n = 0$ ), the height of peak is proportional to the degree of barrier strength.

# สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย	I
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	II
สารบัญ	III
สารบัญตาราง	V
สารบัญรูปภาพ	VI
บทที่	
1 บทนำ	1
1.1 ที่มาและความสำคัญของปัญหา	1
1.1.1 การค้นพบและคุณสมบัติพื้นฐานของตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวด	1
1.1.2 การนำตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดไปใช้ประโยชน์	6
1.1.3 ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดอุณหภูมิ	9
1.2 วัตถุประสงค์ของโครงการวิจัย	14
1.3 ขอบเขตของโครงการวิจัย	14
1.4 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ	14
2 สเปกโทรสโคปีการทะลุผ่านรอยต่อโลหะปกติ-ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดแบบคิเวฟ โดยแบบจำลองแบบชั้น	15
2.1 บทนำ	15
2.2 ความน่าจะเป็นของการสะท้อนกลับและการทะลุผ่านรอยต่อ	17
2.3 กระแสไฟฟ้าและค่าความนำไฟฟ้าทะลุผ่านที่อุณหภูมิศูนย์เคลวิน	26
3 สเปกโทรสโคปีการทะลุผ่านที่รอยต่อโลหะปกติ-ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดแบบคิเวฟ โดยแบบจำลองการลดลงของช่องว่างพลังงาน	29
3.1 บทนำ	29
3.2 ความน่าจะเป็นของการสะท้อนกลับและการทะลุผ่านรอยต่อ	29
3.3 กระแสไฟฟ้าและค่าความนำทะลุผ่านที่อุณหภูมิศูนย์เคลวิน	36
4 วิเคราะห์และอภิปรายผล	37

## สารบัญ (ต่อ)

บทที่	หน้า
5 สรุปผล	48
5.1 สรุปและวิจารณ์ผล	48
5.2 ข้อเสนอแนะ	49
เอกสารอ้างอิง	50
ภาคผนวก ก BCS Theory	52
ภาคผนวก ข ช่องว่างพลังงานของตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวด	53

## สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
1.1 แสดงอุณหภูมิวิกฤตของธาตุต่างๆ	8
1.2 แสดงอุณหภูมิวิกฤตและความดันของธาตุ	8
1.3 แสดงสารประกอบที่เป็นตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวด	9
1.4 อุณหภูมิวิกฤตของสารบางชนิดที่มีค่าสูง	10
1.5 ความยาวพร้อมเปรียบเทียบกับความลึกทะเลหลวงที่ศูนย์องศาสัมบูรณ์	10

## สารบัญรูปภาพ

รูปภาพที่	หน้า
1.1 ลักษณะทั่วไปของโลหะปกติและตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวด	2
1.2 ปฏิกิริยาการไมน์เนอร์	3
1.3 โคออร์ดิเนตแสดงสถานะของตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดชนิดที่ 1	4
1.4 โคออร์ดิเนตแสดงสถานะของตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดชนิดที่ 2	5
1.5 ลักษณะสมมาตรของฟังก์ชันช่องว่างพลังงานของตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวด	11
1.6 ปฏิกิริยาการที่รอยต่อระหว่างโลหะปกติ-ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวด	12
2.1 แบบจำลองแบบขั้น (Step function model)	15
2.2 ความน่าจะเป็นที่เพิ่มขึ้นเมื่อมีอิเล็กตรอนหนึ่งตัวตกกระทบบรรยากาศ	17
2.3 พลังงานของอนุภาคในโลหะปกติ และในตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวด	18
2.4 รอยต่อระหว่างโลหะปกติ-โลหะปกติ	22
3.1 แบบจำลองการลดลงของช่องว่างพลังงานที่รอยต่อ (Gap suppression model)	30
3.2 ความน่าจะเป็นที่เพิ่มขึ้นที่ระดับพลังงานกระตุ้น ( $E$ )	31
4.1 ช่องว่างพลังงานในทิศทางทำมุมศูนย์และหนึ่งในสี่ของไพเรเดียน กับเวกเตอร์ตั้งฉาก	37
4.2 สัมประสิทธิ์การสะท้อนกลับและการทะลุผ่านรอยต่อระหว่าง โลหะปกติ-ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดแบบดีเวฟ ระบาย {100} ( $\alpha = 0$ ), $\Delta_{\max}^0 = \Delta_{\max}$ , $\theta = \pi/6$ , $z = 0, 0.5, 1$	38
4.3 สัมประสิทธิ์การสะท้อนกลับและการทะลุผ่านรอยต่อระหว่าง โลหะปกติ-ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดแบบดีเวฟ ระบาย {110} ( $\alpha = \pi/4$ ), $\Delta_{\max}^0 = \Delta_{\max}$ , $\theta = \pi/6$ , $z = 0.5, 1$	40
4.4 สัมประสิทธิ์การสะท้อนกลับที่รอยต่อระหว่างโลหะปกติ- ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดแบบดีเวฟระบาย {110} ( $\alpha = \pi/4$ ), $\Delta_{\max}^0 = 0, 0.5\Delta_{\max}$ , $z = 1.5$	41
4.5 สัมประสิทธิ์การสะท้อนกลับที่รอยต่อระหว่างโลหะปกติ- ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดแบบดีเวฟ ระบาย {110} ( $\alpha = \pi/4$ ) $\Delta_{\max}^0 = \Delta_{\max}$ , $0.7\Delta_{\max}$ , $0.5\Delta_{\max}$ , $z = 1.5$	42
4.6 ค่าความน่าจะเป็นที่ทะลุผ่านรอยต่อระหว่างโลหะปกติ- ตัวนำไฟฟ้ายิ่งยวดแบบดีเวฟ ระบาย {100} ( $\alpha = 0$ ), $\Delta_{\max}^0 = \Delta_{\max}$ , $z = 0, 0.5, 1, 3$	43

## สารบัญรูปภาพ (ต่อ)

รูปภาพที่	หน้า
4.7 ค่าความนำทะลุผ่านรอยต่อระหว่างโลหะปกติ- คำนวณไฟฟ้าเชิงขั้วแบบดีเวฟ ระนาบ $\{110\}(\alpha = \pi/4)$ , $\Delta_{\max}^0 = \Delta_{\max}$ , $z = 0, 0.5, 1, 3$	44
4.8 กราฟเปรียบเทียบค่าความนำทะลุผ่าน ระหว่างระนาบ $\{100\}, \{110\}$ , $\Delta_{\max}^0 = \Delta_{\max}$ , $z = 1$	44
4.9 ค่าความนำทะลุผ่านรอยต่อระหว่างโลหะปกติ- คำนวณไฟฟ้าเชิงขั้วแบบดีเวฟ $\{110\}(\alpha = \pi/4)$ , $\Delta_{\max}^0 = 0.5\Delta_{\max}$ , $z = 1, 2, 3$	45
4.10 ค่าความนำทะลุผ่านรอยต่อระหว่างโลหะปกติ- คำนวณไฟฟ้าเชิงขั้วแบบดีเวฟ $\{110\}(\alpha = \pi/4)$ , $\Delta_{\max}^0 = 0$ , $z = 1, 2, 3$	46
4.11 ค่าความนำทะลุผ่านรอยต่อระหว่างโลหะปกติ- คำนวณไฟฟ้าเชิงขั้วแบบดีเวฟ $\{110\}(\alpha = \pi/4)$ , $\Delta_{\max}^0 = 0.7, 0.3, 0$ , $z = 1.5$	47